РЕСПУБЛИКАНСКАЯ ОЛИМПИАДА ШКОЛЬНИКОВ НА КУБОК ИМЕНИ Ю.А. ГАГАРИНА

2022-2023 учебный год



MATEMATHKA

ОТВЕТЫ РЭ-2023

4 класс

Максимальное количество баллов за задания:

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	Сумма
3	5	3	3	4	3	4	3	4	4	36

1. *Максимально 3 балла.*

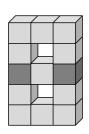
100 г

У 11 кубиков покрашены 4 грани из шести,

у 2 кубиков (выделены темным) – 3 грани из шести.

 $11 \cdot 4 + 2 \cdot 3 = 50$ (граней) – покрашено

 $50 \cdot 2 = 100 (\Gamma)$ – краски израсходовано



<u>Критерий</u>: правильный ответ с верным решением – 2 балла, если указан верный ответ, но решения нет или содержит ошибки – 1 балл, при неверном ответе решение не оценивается – 0 баллов.

2. Максимально 5 баллов.

Нет Чтобы съесть 5 шоколадных конфет и 15 карамелек нужно иметь 70 фантиков ($5 \cdot 5 + 3 \cdot 15 = 70$). После каждой съеденной Настей конфеты число оставшихся у неё фантиков увеличивается на 1. Если бы Настя не тратила фантиков, она смогла бы собрать максимум 50 + 5 + 15 = 70 фантиков. Но семидесятый фантик она смогла бы получить только после последней съеденной конфеты. Значит, на эту конфету ей не хватит одного фантика!

<u>Критерий</u>: правильный ответ с верным полным обоснованием (решением) – 5 баллов, если указан верный ответ, но обоснование неполное или без пояснений – 3 балла, содержит ошибки – 2 балла, только ответ без верного обоснования (решения) – l балл, неверный ответ – 0 баллов. При неверном ответе обоснование не оценивается.

3. Максимально 3 балла.

216, $8 \cdot 3 = 24 - 1/9$ часть числа Тимура, $24 \cdot 9 = 216$ – число Тимура.

в 8 раз 216:4=54-1/4 часть числа Димы, 54:2=27 – число Димы.

216:27=8 (pa₃)

<u>Критерий</u>: по 1 баллу за каждый правильный ответ + 1 балл за верное полное обоснование (обоснование неполное или содержит ошибки - 0 баллов), при неверном ответе обоснование не оценивается.

4. Максимально 3 балла.

7 упаковок, 30 + 31 + 31 = 92 (дня) - в ноябре, декабре и январе. $4 \cdot 92 = 368 (драже) - всего нужно <math>368 : 60 = 6 (упаковок) (остаток 8 драже - ещё 1 упаковка) <math>6 + 1 = 7 (упаковок) - потребуется <math>60 - 8 = 52 (драже) - останется$

<u>Критерий</u>: по 1 баллу за каждый правильный ответ + 1 балл за верное полное решение (решение неполное или содержит ошибки - 0 баллов), при неверном ответе решение не оценивается.

5. *Максимально 4 балла.*

9 жёлтых роз

48 + 48 = 96 (роз) – белых и красных

Если составлять букеты по 3 розы, получится: 96:3=32 (букета),

значит, жёлтых роз может быть 3, 6, 9, 12, 15, ...

Если составлять букеты по 5 роз, получится: 96:5=19 (букетов) (ост. 1 роза), значит, жёлтых роз может быть $4, 9, 14, 19, \dots$

Если составлять букеты по 7 роз, получится: 96:7=13 (букетов) (ост. 5 роз), значит, жёлтых роз может быть 2, **9**, 16, 23, ...

По условию в каждом случае для составления букетов используются все до единой розы, значит выращено 9 жёлтых роз.

<u>Критерий</u>: правильный ответ с верным полным обоснованием — 4 балла, если указан верный ответ, но обоснование неполное, выполнено подбором или содержит ошибки — 2 балла, только ответ без верного обоснования — 1 балл. При неверном ответе обоснование не оценивается. Обоснование, выполненное только проверкой ответа, не оценивается.

6. *Максимально 3 балла*.

33 100 рублей	$100\ 000:100\cdot 10=10\ 000\ (руб.)-10\%$ в 2024 году
	$100\ 000 + 10\ 000 = 110\ 000\ (руб.)$ – долг в $2024\ году$
	$110\ 000:100\cdot 10=11\ 000\ (руб.)-10\%$ в $2025\ году$
	$110\ 000 + 11\ 000 = 121\ 000\ (руб.)$ – долг в $2025\ году$
	$121\ 000:100\cdot 10=12\ 100\ (руб.)-10\%$ в $2026\ году$
	$121\ 000 + 12\ 100 = 133\ 100\ (руб.)$ – долг в $2026\ году$
	$133\ 100-100\ 000=33\ 100\ (руб.)$ — переплата

<u>Критерий</u>: правильный ответ с верным полным обоснованием — 3 балла, если указан верный ответ, но обоснование неполное или содержит ошибки — 2 балла, только ответ без верного обоснования — 1 балл. При неверном ответе обоснование не оценивается.

7. Максимально 4 балла.

Сторона куба – 4 кубика, использовал 64 кубика, осталось 36 кубиков

Если сторона куба из 2 кубиков, будет использовано $2 \cdot 2 \cdot 2 = 8$ (кубиков), если сторона из 3 кубиков, $3 \cdot 3 \cdot 3 = 27$ (кубиков), если сторона из 4 кубиков, $4 \cdot 4 \cdot 4 = 64$ (кубика), если сторона из 5 кубиков, $5 \cdot 5 \cdot 5 = 125 > 100$ (кубиков), 100 - 64 = 36 (кубиков) – осталось.

<u>Критерий</u>: по 1 баллу за каждый правильный ответ + 1 балл за верное полное обоснование (обоснование неполное или содержит ошибки - 0 баллов), при неверном ответе обоснование не оценивается.

8. Максимально 3 балла.

Пусть первые часы – на 7 минут, а вторые – на 11 минут. Запустим и те, и другие часы.

<u>Первый способ</u>. Через 7 минут первые часы перевернём, а еще через 4 минуты, т.е. когда на вторых часах весь песок уйдёт вниз, вновь перевернём первые часы. В этот момент в первых часах внизу будет песок на 4 минуты, а вверху — на 3 минуты. Значит, при перевороте первых часов мы сможем отмерить еще 4 минуты.

<u>Второй способ</u>. Спустя 7 минут, т.е. когда на первых часах весь песок уйдёт вниз, на вторых часах останется вверху песок на 4 минуты. С этого момента начинаем отсчёт. Как только на вторых часах весь песок уйдёт вниз, перевернём их и отмерим еще 11 минут.

 $\underline{\mathit{Критерий}}$: полный правильный ответ – 3 балла. За верный ответ с ошибками в пояснении – 1 балл.

9. Максимально 4 балла.

8 ребят Слово "крот" не написал правильно никто, потому что никто не умеет писать одновременно и букву "р", и букву "к". Слово "рот" или "кот" должны были написать 10 + 18 = 28 человек. Заметим, что были написаны только слова "рот", "кот" и "от". Первые два слова были написаны по 15 раз, поэтому слово "от" написали 50 - 15 - 15 = 20 ребят из 28. Значит, только 8 ребят справились со своей задачей.

<u>Критерий</u>: правильный ответ с верным полным обоснованием – 4 балла, если указан верный ответ, но обоснование неполное или содержит ошибки – 2 балла, только верный ответ – 1 балл. При неверном ответе обоснование не оценивается.

10. *Максимально 4 балла*.

51 минута

От 21:54 до полуночи 2 часа 6 минут или 126 минут, а от полуночи до 11:30 пройдёт 690 минут. Всего 816 минут. За это время будет 17 сообщений и 16 промежутков между ними. Следовательно, между сообщениями проходит 816:16 = 51 минута.

<u>Критерий</u>: правильный ответ с верным полным обоснованием – 4 балла, если указан верный ответ, но обоснование неполное или содержит ошибки – 2 балла, только верный ответ – 1 балл. При неверном ответе обоснование не оценивается.